

Capítulo VIII

Equilíbrio de Distribuição

<u>Analytical Chemistry</u> - Robert V. Dilts

D. Van Nostrand, ISBN 0-442-22158-4



As várias técnicas de extração e cromatografia de partição, envolvem a partição dos solutos entre dois líquidos imiscíveis.

Soluto X – soluto solúvel em duas fases imiscíveis.

fase 2

K_D

fase 1

$$K_D$$

fase 1

 K_D
 K_D

fase 1

Para soluções diluídas em que a força iónica é baixa, temos:

$$K_D = \frac{\begin{bmatrix} X \end{bmatrix}_2}{\begin{bmatrix} X \end{bmatrix}_1}$$
 - [X] baixa nas 2 fases
- a mesma forma molecular nas 2 fases
- fase 1 e fase 2 imiscíveis



Não existe convenção para K_D . No entanto, é habitual representar na forma:

$$K_{D} = \frac{[X]_{org}}{[X]_{aq}}$$

Coeficiente de Partição

Determinação do Coeficiente de Partição – K_D

Exemplo 1:

 $50\,$ ml de uma solução aquosa de I_2 é agitada com $20\,$ ml de tetracloreto de carbono até se atingir o equilíbrio. A concentração inicial de I_2 na fase aquosa é de $1.97 \times 10^{-2}\,$ M e após o equilíbrio a concentração na fase aquosa desceu para $5.30 \times 10^{-4}\,$ M. Calcule o coeficiente de partição para I_2 entre tetracloreto de carbono e água.



Equilíbrio de distribuição:

$$\begin{array}{c|c} \mathbf{I_2} \\ \hline & \mathbf{CCl_4} \\ \hline & \mathbf{K_D} \\ \hline & \mathbf{H_2O} \\ \end{array} \qquad K_D = \frac{\begin{bmatrix} I_2 \end{bmatrix}_{CCl_4}}{\begin{bmatrix} I_2 \end{bmatrix}_{H_2O}}$$

 n° de mmoles iniciais (fase aquosa) = $1.92 \times 10^{-2} \times 50 = 0.985$ n° de mmoles finais (fase aquosa) = $5.3 \times 10^{-4} \times 50 = 0.0265$

 n° de mmoles transferidas para fase orgânica = 0.985 - 0.0265 = 0.9585

$$K_D = \frac{\begin{bmatrix} I_2 \end{bmatrix}_{CCl_4}}{\begin{bmatrix} I_2 \end{bmatrix}_{H_2O}} = \frac{0.9585/20}{0.0265/50} = \frac{90.6}{50}$$



Exemplo 2:

75 ml de uma solução aquosa que contem 0.0853g de I_2 é agitada com 25 ml de tetracloreto de carbono. Após o equilíbrio, qual a percentagem de I_2 foi removida da fase aquosa?

$$K_D = 90.6$$
 MM $(I_2) = 253.8$

$$[I_2]_{CCl_4} = \frac{X \text{ gramas}}{253.8 \text{ gramas/mole}}$$

$$0.025 \text{ } l$$

$$[I_2]_{H_2O} = \frac{0.0853 - X \ gramas}{253.8 \ gramas/mole}$$

$$0.075 \ l$$

$$K_{D} = \frac{\frac{\text{X gramas}}{253.8 \text{ gramas/mole}}}{\frac{0.025 \text{ l}}{0.0853 - \text{X gramas}}}$$

$$\frac{253.8 \text{ gramas/mole}}{0.075 \text{ l}}$$



$$K_{D} = \frac{\frac{\text{X gramas}}{0.025}}{\frac{0.0853 - \text{X gramas}}{0.075}}$$

$$K_D = \frac{0.0750X}{2.12x10^{-3} - 0.0250X}$$

X = 0.192/2.34 = 0.0821 gramas de I_2 na fase orgânica

% remoção = $(0.0821/0.0853) \times 100 = 96.3\%$

96.3~% do I_2 que se encontrava na fase aquosa foi transferido para a fase orgânica.



Exemplo 3:

Que volume de tetracloreto de carbono é necessário para extrair 99.9% de I_2 de 80 ml de uma solução aquosa de I_2 0.0363 M.

$$K_D = 90.6$$

 n° mmoles I_2 iniciais na fase aq. = 0.0363 M x 80 ml = 2.904 n° mmoles I_2 no equilíbrio na fase orgânica = 0.999 x 2.904 = 2.9011 n° mmoles I_2 no equilíbrio na fase aq. = 2.914 – 2.9011 = 0.0029

$$K_D = \frac{2.9011/vol}{0.0029/80}$$
 vol = 883 ml



Razão de Distribuição

A expressão do coeficiente de partição descreve o equilíbrio, apenas no caso em que existe a mesma espécie molecular em ambas as fases. Se esta espécie estiver envolvida numa reacção adicional, *numa ou em ambas as fases*, a razão entre todas as formas dessa espécie numa fase em relação a todas outras na outra fase, não é numericamente igual ao coeficiente de partição e, além disso, não é um valor constante; depende das condições reaccionais.

Experimentalmente é muito mais fácil quantificar a concentração total, C, de um soluto num liquído, do que determinar a concentração da espécie molecular.

Razão de Distribuição
$$D = \frac{\text{concentração total de X na fase 2}}{\text{concentração total de X na fase 1}}$$



$$D = \frac{C_{\text{org}}}{C_{\text{aq}}}$$

Razão de Distribuição

A razão entre K_D e D é idêntica à existente entre K_{est} e K'_{est} .

 $\mathbf{D} = \mathbf{K}_{\mathbf{D}}$ quando X não está envolvido em reacções adicionais

 $\mathbf{D} \neq \mathbf{K}_{\mathbf{D}}$ quando X existe em várias formas, numa ou em ambas as fases.



Relações entre D e K_D

Equilíbrio ácido-base





$$K_{D} = \frac{[HA]_{org}}{[HA]_{aq}}$$
 $K_{a} = \frac{[H^{+}][A^{-}]}{[HA]}$

$$HA \iff H^+ + A^-$$

$$D = \frac{\left[HA\right]_{org}}{\left[HA\right]_{aq} + \left[A^{-}\right]_{aq}}$$

$$D = \frac{\left[HA\right]_{org}}{\left[HA\right]_{aq} + \frac{\left[HA\right]_{aq} K_a}{\left[H^+\right]}}$$

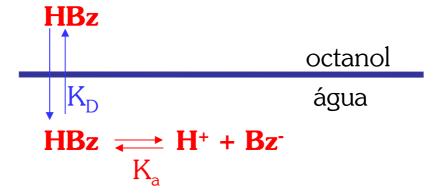
$$D = \frac{\begin{bmatrix} HA \end{bmatrix}_{org}}{\begin{bmatrix} HA \end{bmatrix}_{aq} + \begin{bmatrix} A^{-} \end{bmatrix}_{aq}} \qquad D = \frac{\begin{bmatrix} HA \end{bmatrix}_{org}}{\begin{bmatrix} HA \end{bmatrix}_{aq} + \frac{\begin{bmatrix} HA \end{bmatrix}_{aq} K_{a}}{\begin{bmatrix} H^{+} \end{bmatrix}}} \qquad \mathbf{K_{D}}$$

$$D = \frac{K_D \left[H^+ \right]_{aq}}{\left[H^+ \right]_{aq} + K_a}$$



Exemplo 1:

O coeficiente de partição do ácido benzóico entre 1-octanol e água é de 1.88. Calcule o valor da razão de distribuição do ácido benzoico entre estes dois solventes a pH=6.0.





$$K_{D} = \frac{\begin{bmatrix} HBz \end{bmatrix}_{oct}}{\begin{bmatrix} HBz \end{bmatrix}_{aq}} = 1.88 \qquad K_{a} = \frac{\begin{bmatrix} H^{+} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Bz^{-} \end{bmatrix}}{\begin{bmatrix} HBz \end{bmatrix}} = 6.32 \times 10^{-5}$$

$$D = \frac{K_{D} \begin{bmatrix} H^{+} \end{bmatrix}_{aq}}{\begin{bmatrix} H^{+} \end{bmatrix}_{aq} + K_{a}}$$

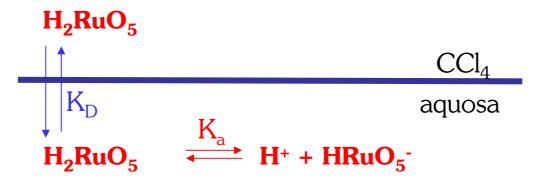
$$D = \frac{(1.88)(1.00 \times 10^{-6})}{(1.00 \times 10^{-6}) + (6.32 \times 10^{-5})}$$

$$D = 0.0293$$



Exemplo 2:

O coeficiente de partição (água/tetracloreto de carbono) do ácido ruténico é de 58.4 para soluções ácidas e neutras. Numa solução de 1.00x10⁻² M de NaOH, o valor da razão de distribuição é de 7.90. Calcule o valor da constante de dissociação para o ácido ruténico, H₂RuO₅.



$$K_{D} = \frac{[H_{2}RuO_{5}]_{CCl_{4}}}{[H_{2}RuO_{5}]_{aq}} = 58.4 \qquad D = \frac{[H_{2}RuO_{5}]_{CCl_{4}}}{[H_{2}RuO_{5}]_{aq} + [HRuO_{5}]_{aq}}$$



Em soluções neutras e ácidas, H₂RuO₅ não se dissocia, razão pela qual a razão de distribuição é constante nestas condições. Portanto:

$$D = K_D = 58.4$$

Considerando apenas a 1ª dissociação, temos:

$$D = \frac{K_D \left[H^+ \right]_{aq}}{\left[H^+ \right]_{aa} + K_a}$$

$$[H^+] = 1.00 \times 10^{-12} \text{ M}$$

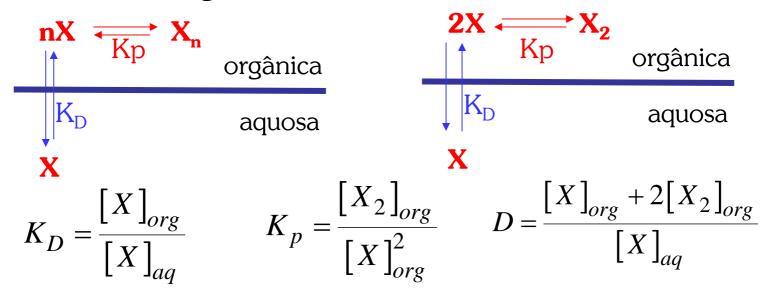
$$D = \frac{(58.4)(1.00 \times 10^{-12})}{(1.00 \times 10^{-12}) + K_a} = 7.90$$

$$K_a = 6.40 \times 10^{-12}$$



Polimerização na fase orgânica

A constante dieléctrica dos liquídos orgânicos é menor do que a da água. Assim, alguns compostos apolares têm tendência a polimerizar nos solventes orgânicos.



$$D = \frac{\left[X\right]_{org} + 2K_p \left[X\right]_{org}^2}{\left[X\right]_{aq}}$$

$$D = \underbrace{\begin{bmatrix} X \end{bmatrix}_{org} \left(1 + 2K_p \left[X \right]_{org} \right)}_{K_D}$$



$$D = K_D + 2KpK_D[X]_{org}$$

é mais fácil determinar [X]_{aq}

Logo:

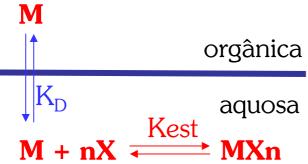
$$D = K_D + 2KpK_D.K_D[X]_{aq}$$

$$D = K_D + 2KpK_D^2[X]_{aq}$$

$$D > K_D$$



Formação de iões complexos na fase aquosa



$$M + nX \stackrel{\text{Nest}}{\longleftrightarrow} MXn$$

$$K_D = \frac{[M]_{org}}{[M]_{aq}} \qquad K_{est} = \frac{[MX_n]}{[M][X]^n}$$

$$D = \frac{\left[M\right]_{org}}{\left[M\right] + \left[MX_{...}\right]}$$

$$D = \underbrace{\begin{bmatrix} M \end{bmatrix}_{org}} \\ \begin{bmatrix} M \end{bmatrix}_{aq} \underbrace{(1 + K_{est} [X]^n)} \\ \mathbf{K_D} \end{bmatrix}$$

$$D = \underbrace{K_D} \\ 1 + K_{est} [X]^n$$

$$D = \frac{\left[M\right]_{org}}{\left[M\right]_{aq} + \left[MX_n\right]_{aq}} \qquad D = \frac{\left[M\right]_{org}}{\left[M\right]_{aq} + K_{est}\left[M\right]\left[X\right]^n}$$

$$D = \frac{K_D}{1 + K_{est} [X]^n}$$

Distribuição de quelatos metálicos

$$D = \frac{C_{M(org)}}{C_{M(aq)}} = \frac{\left[MX_n\right]_{org}}{\left[MX_n\right]_{aq} + \left[M^{n+}\right]_{aq}}$$

$$K_{D}(HX) = \frac{[HX]_{org}}{[HX]_{aa}} \qquad K_{D}(MX_{n}) = \frac{[MX_{n}]_{org}}{[MX_{n}]_{aq}}$$



$$K_{est} = \frac{[MX_n]}{[M^{n+}][X^-]^n} \qquad K_a = \frac{[H^+][X^-]}{[HX]}$$

resolvendo $K_{\rm est}$ em relação a $[M^{\rm n+}]$ e substituindo na equação da razão

da distribuição:

$$D = \frac{\left[MX_n\right]_{org}}{\left[MX_n\right]_{aq} + \frac{\left[MX_n\right]_{aq}}{K_{est}\left[X^{-}\right]^n}}$$

resolvendo K_a em relação a [X⁻] e substituindo na equação da *razão da*

distribuição:

$$D = \frac{\left[MX_{n}\right]_{org}}{\left[MX_{n}\right]_{aq} + \frac{\left[MX_{n}\right]_{aq}}{K_{est}\left(\frac{K_{a}\left[HX\right]_{aq}}{\left[H^{+}\right]}\right)^{n}}$$

Simplificação da equação da razão de distribuição:

- \triangleright a maioria dos quelatos metálicos, têm K_{est} muito elevadas. Assim, podemos considerar que em solução o ião metálico existe todo na forma de quelato metálico.
- Do quelato metálico ao ser uma espécie neutra terá grande tendência para ser extraído para a fase orgânica. Na fase aquosa, podemos considerar que $[MX_n]_{aq} <<< [M^{n+}]_{aq}$ o que significa que o 1º termo no denominador da razão de distribuição poderá ser desprezado:

$$D = \frac{\begin{bmatrix} MX_n \end{bmatrix}_{org} K_D \text{ (MX)}}{\begin{bmatrix} MX_n \end{bmatrix}_{aq}} \qquad D = K_D (MX) \cdot K_{est} \cdot K_a^n \frac{\begin{bmatrix} HX \end{bmatrix}_{aq}}{\begin{bmatrix} H^+ \end{bmatrix}^n}$$

$$K_{est} \left(\frac{K_a [HX]}{\begin{bmatrix} H^+ \end{bmatrix}} \right)$$
a determinação de [HX] não é fácil na f. aquosa



$$D = \frac{K_D(MX) \cdot K_{est} \cdot K_a^n [HX]_{org}^n}{K_D(HX) [H^+]}$$